

1 三平方の定理により $AB = \sqrt{15^2 + 8^2} = \sqrt{289} = 17$
 よって $\sin \theta = \frac{BC}{AB} = \frac{8}{17}$, $\cos \theta = \frac{AC}{AB} = \frac{15}{17}$, $\tan \theta = \frac{BC}{AC} = \frac{8}{15}$
 また, $\tan \theta = \frac{8}{15} = 0.5333 \dots$ であるから, 三角比の表より $\theta \approx 28^\circ$

2 (1) $\cos^2 \theta = 1 - \sin^2 \theta = 1 - \left(\frac{3}{5}\right)^2 = \frac{16}{25}$
 $90^\circ < \theta < 180^\circ$ であるから $\cos \theta < 0$
 よって $\cos \theta = -\frac{4}{5}$
 また $\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{3}{5} \div \left(-\frac{4}{5}\right) = -\frac{3}{4}$

(2) $1 + \tan^2 \theta = \frac{1}{\cos^2 \theta}$ であるから
 $\frac{1}{\cos^2 \theta} = 1 + \tan^2 \theta = 1 + 2^2 = 5$

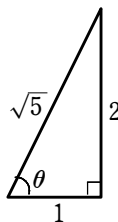
よって $\cos^2 \theta = \frac{1}{5}$
 $0^\circ < \theta < 90^\circ$ であるから $\cos \theta > 0$

ゆえに $\cos \theta = \frac{\sqrt{5}}{5}$
 また $\cos(90^\circ + \theta) = -\sin \theta = -\tan \theta \cos \theta$
 $= -2 \cdot \frac{\sqrt{5}}{5} = -\frac{2\sqrt{5}}{5}$

別解 ($\cos \theta$ の求め方)

$0^\circ < \theta < 90^\circ$, $\tan \theta = 2$ を満たす θ は, 右の図のようになる。

よって $\cos \theta = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$



3 (1) 求める角を θ とおくと $\tan \theta = 1$
 $0^\circ \leq \theta < 180^\circ$ であるから $\theta = 45^\circ$
 (2) $\tan 150^\circ = -\frac{\sqrt{3}}{3}$ であるから $y = -\frac{\sqrt{3}}{3}x$

4 ① (与式) $= \sin(90^\circ - 15^\circ) + \cos(180^\circ - 15^\circ)$
 $= \cos 15^\circ - \cos 15^\circ = 0$
 ② (与式) $= \cos^2 25^\circ + \cos^2(90^\circ - 25^\circ)$
 $= \cos^2 25^\circ + \sin^2 25^\circ = 1$
 ③ (与式) $= \tan^2 34^\circ - (1 + \tan^2 34^\circ) = -1$
 したがって ア ①

5 踏面は 26 cm 以上であるから $x \geq 26$ …… ①
 また, 階段の傾斜が 33° のときの蹴上げを y cm とすると

$$\tan 33^\circ = \frac{y}{x}$$

すなわち $y = x \tan 33^\circ$

$y \leq 18$ であるから $x \tan 33^\circ \leq 18$

よって $x \leq \frac{18}{\tan 33^\circ}$ …… ②

①, ② から $26 \leq x \leq \frac{18}{\tan 33^\circ}$

参考 三角比の表より $\frac{18}{\tan 33^\circ} \approx \frac{18}{0.6494} = 27.71 \dots$ である。